

Документ подписан простой электронной подписью
Информация о владельце:
ФИО: Саидов Заурбек Асланбекович
Должность: Ректор
Дата подписания: 03.06.2023 13:29:14
Уникальный программный ключ:
2e8339f3ca5e6a5b4531845a12d1bb5d1821f0ab

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Чеченский государственный университет
имени Ахмата Абдулхамидовича Кадырова»

УТВЕРЖДАЮ
Проректор по учебной работе
Н.У. Ярычев
« 18 » 03 2023 г.



**Программа вступительных испытаний по математике
(бакалавриат)**

Грозный - 2023

ПРОГРАММА ВСТУПИТЕЛЬНЫХ ИСПЫТАНИЙ ПО МАТЕМАТИКЕ ДЛЯ ПОСТУПАЮЩИХ НА НАПРАВЛЕНИЕ ПОДГОТОВКИ БАКАЛАВРИАТА

Программа вступительного испытания по математике разработана для абитуриентов, имеющих право сдавать экзамены в традиционной форме. Программа по математике составлена на основе федерального государственного образовательного стандарта среднего общего образования.

Программа конкретизирует содержание предметных тем образовательного стандарта.

ОСНОВНОЕ СОДЕРЖАНИЕ

АЛГЕБРА

- Натуральные числа. Делимость. Простые и составные числа. Признаки делимости. Наибольший общий делитель и наименьшее общее кратное.
- Целые, рациональные, действительные числа и операции с ними.
- Преобразование арифметических и алгебраических выражений. Формулы сокращённого умножения.
- Числовые неравенства и их свойства.
- Функция. Область определения и множество значений. График функции. Чётность, нечётность, периодичность функций. Линейная, квадратичная, степенная, дробно-рациональная функции и их свойства.
- Линейные уравнения. Квадратные уравнения. Рациональные уравнения. Уравнения с модулем. Уравнения высших степеней. Разложение многочленов на множители.
- Линейные неравенства. Квадратные неравенства. Рациональные неравенства. Неравенства с модулем.
- Корень из числа и его свойства. Арифметический корень. Иррациональные уравнения. Иррациональные неравенства.
- Арифметическая и геометрическая прогрессии и их свойства.
- Задачи на составление уравнений (задачи на движение, на проценты, на совместную работу, на смеси и пр.)
- Тригонометрические формулы. Тригонометрические и обратные тригонометрические функции и их свойства. Преобразование тригонометрических выражений. Тригонометрические уравнения и неравенства.
- Свойства степеней. Логарифмы и их свойства. Показательная и логарифмическая функции и их свойства. Показательные и логарифмические уравнения и неравенства.
- Задачи с параметрами.
- Системы уравнений и неравенств.
- Множества точек на координатной плоскости.

ГЕОМЕТРИЯ

Планиметрия:

- Смежные и вертикальные углы. Теоремы о параллельных прямых, теорема Фалеса, теорема о пропорциональных отрезках
- Признаки и свойства равнобедренного треугольника, признаки равенства треугольников, признаки подобия треугольников.
- Сумма углов треугольника, сумма углов выпуклого многоугольника.
- Координаты на плоскости. Геометрические места точек (множество внутренних точек угла, равноудалённых от его сторон, множество точек, равноудаленных от концов отрезка).
- Медианы, биссектрисы, высоты треугольника и их свойства. Точки пересечения высот, медиан, биссектрис, серединных перпендикуляров треугольника.
- Четырёхугольники; параллелограмм, прямоугольник, ромб, квадрат, трапеция и их свойства.
- Прямоугольные треугольники, теорема Пифагора.
- Формулы площади треугольника, параллелограмма, трапеции.
- Теоремы синусов, косинусов и Менелая для треугольника.
- Окружность и её свойства. Касательная к окружности и её свойства. Теоремы о пропорциональных отрезках в окружности.
- Теоремы об углах, связанных с окружностью (вписанный угол, центральный угол, угол между касательной и хордой).
- Окружность, описанная около треугольника; окружность, вписанная в треугольник.
- Окружность, описанная около четырёхугольника; окружность, вписанная в четырёхугольник.
- Правильные многоугольники и их свойства.
- Длина окружности, площадь круга и его частей.
- Векторы, скалярное произведение векторов.
-

Стереометрия.

- Параллельность прямых и плоскостей, перпендикулярность прямых и плоскостей.
- Объем фигуры; площадь поверхностей фигуры.
- Куб, параллелепипед, призма, пирамида, шар, цилиндр, конус и их свойства.
- Векторы и координаты в пространстве.
- Сечения многогранников. Углы и расстояния в пространстве.
-

НАЧАЛА МАТЕМАТИЧЕСКОГО АНАЛИЗА

- Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия и ее сумма.
- Понятие о производной функции, физический и геометрический смысл производной. Уравнение касательной к графику функции.
- Производные суммы, разности, произведения, частного. Производные основных элементарных функций. Применение производной к исследованию функций и построению графиков.
- Понятие об определенном интеграле как площади криволинейной трапеции. Первообразная. Формула Ньютона-Лейбница.

ЭЛЕМЕНТЫ КОМБИНАТОРИКИ, СТАТИСТИКИ И ТЕОРИИ ВЕРоятНОСТЕЙ.

- Табличное и графическое представление данных. Числовые характеристики рядов данных.
- Поочередный и одновременный выбор нескольких элементов из конечного множества. Формулы числа перестановок, сочетаний, размещений. Решение практических задач с применением комбинаторных методов.
- Элементарные и сложные события. Вероятность суммы несовместных событий, вероятность противоположного события. Понятие о независимости событий. Вероятность и статистическая частота наступления события. Решение практических задач с применением вероятностных методов.

ТРЕБОВАНИЯ К УРОВНЮ ПОДГОТОВКИ АБИТУРИЕНТОВ

Абитуриент должен:

Знать/понимать

- значение математической науки для решения задач, возникающих в теории и практике; широту и в то же время ограниченность применения математических методов к анализу и исследованию процессов и явлений в природе и обществе;
- значение практики и вопросов, возникающих в самой математике для формирования и развития математической науки; историю развития понятия числа, создания математического анализа, возникновения и развития геометрии;
- универсальный характер законов логики математических рассуждений, их применимость во всех областях человеческой деятельности;
- вероятностный характер различных процессов окружающего мира.

АЛГЕБРА

Уметь:

- выполнять арифметические действия, сочетая устные и письменные приемы, применение вычислительных устройств; находить значения корня натуральной степени, степени с рациональным показателем, логарифма, используя при необходимости вычислительные устройства; пользоваться оценкой и прикидкой при практических расчетах;
- проводить по известным формулам и правилам преобразования буквенных выражений, включающих степени, радикалы, логарифмы и тригонометрические функции;
- вычислять значения числовых и буквенных выражений, осуществляя необходимые подстановки и преобразования.

ФУНКЦИИ И ГРАФИКИ

Уметь:

- определять значение функции по значению аргумента при различных способах задания функции;
- строить графики изученных функций;
- описывать по графику и в простейших случаях по формуле поведение и свойства функций, находить по графику функции наибольшие и наименьшие значения;
- решать уравнения, простейшие системы уравнений, используя свойства функций и их графиков.

НАЧАЛА МАТЕМАТИЧЕСКОГО АНАЛИЗА

Уметь:

- вычислять производные и первообразные элементарных функций, используя справочные материалы;
- исследовать в простейших случаях функции на монотонность, находить наибольшие и наименьшие значения функций, строить графики многочленов и простейших рациональных функций с использованием аппарата математического анализа;
- вычислять в простейших случаях площади с использованием первообразной.

УРАВНЕНИЯ И НЕРАВЕНСТВА

Уметь:

- решать рациональные, простейшие иррациональные, показательные, логарифмические, тригонометрические уравнения и неравенства, их системы;
- составлять уравнения и неравенства по условию задачи;

- использовать для приближенного решения уравнений и неравенств графический метод;
- изображать на координатной плоскости множества решений простейших уравнений и их систем.

ЭЛЕМЕНТЫ КОМБИНАТОРИКИ, СТАТИСТИКИ И ТЕОРИИ ВЕРОЯТНОСТЕЙ

Уметь:

- решать простейшие комбинаторные задачи методом перебора, а также с использованием известных формул;
- вычислять в простейших случаях вероятности событий на основе подсчета числа исходов.

ГЕОМЕТРИЯ

Уметь:

- распознавать на чертежах и моделях пространственные формы; соотносить трехмерные объекты с их описаниями, изображениями;
- описывать взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве, аргументировать свои суждения об этом расположении;
- анализировать в простейших случаях взаимное расположение объектов в пространстве;
- изображать основные многогранники и круглые тела; выполнять чертежи по условиям задач;
- строить простейшие сечения куба, призмы, пирамиды;
- решать планиметрические и простейшие стереометрические задачи на нахождение геометрических величин (длин, углов, площадей, объемов);
- использовать при решении стереометрических задач планиметрические факты и методы;
- проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач.

КРИТЕРИИ ОЦЕНИВАНИЯ

Вступительный экзамен по математике проводится в следующем формате.

Продолжительность экзамена по математике – 60 минут.

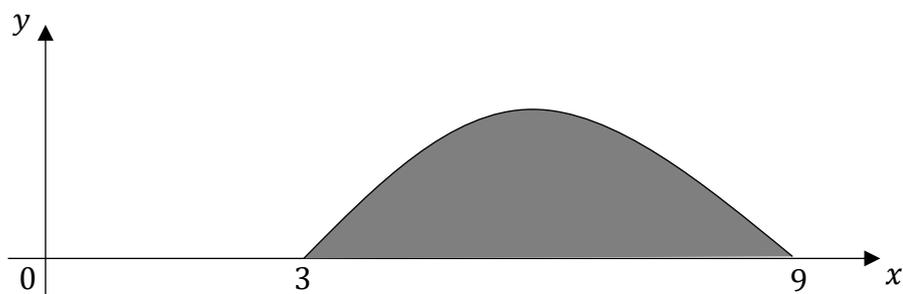
Абитуриентам будет предложено 14 заданий, которые разбиты на 2 части. Первая часть содержит 8 заданий с кратким ответом в виде целого числа или конечной десятичной дроби. Правильное полное решение каждой из них оценивается в 5 баллов. Вторая часть содержит 6 заданий с развернутым ответом (полная запись решения с обоснованием

выполненных действий), полное решение каждой из них оценивается в 10 баллов. Все задачи соответствуют примерной программе по математике для поступающих в российские высшие учебные заведения в 2023 году.

Минимальный проходной балл – 39.

Примерные варианты заданий первой части вступительного испытания по математике:

1. Шариковая ручка стоит 30 рублей. Какое наибольшее число таких ручек можно будет купить на 500 рублей после повышения цены на 20%.
2. Упростите выражение $\frac{ab}{a+b} \left(\frac{a}{b} - \frac{b}{a} \right)$ и найдите его значение при $a = \sqrt{3} - 1, b = \sqrt{3} + 1$.
3. Какова вероятность того, что при трёх подбрасываниях симметричной монеты герб выпадет ровно два раза?
4. Найти значение выражения $\log_{5\sqrt[3]{5}} 25\sqrt{5}$.
5. В треугольнике ABC угол C равен 90° , $\sin A = \frac{3}{8}, DC = 2\sqrt{55}$. Найдите AB .
6. Найдите корень уравнения $\left(\frac{1}{3}\right)^{x-8} = \frac{1}{9}$.
7. Дано: $\cos \beta = 0.8$ и $\frac{3\pi}{2} < \beta < 2\pi$. Найдите $\sin \beta$.
8. На рисунке изображён график некоторой функции $y = f(x)$.



Функция $F(x) = -\frac{1}{15}x^3 + \frac{6}{5}x^2 - \frac{27}{5}x - \frac{1}{10}$ — одна из первообразных функции $f(x)$. Найдите площадь закрашенной фигуры.

Примерные варианты заданий второй части вступительного испытания по математике:

1. От пристани A к пристани B отправился с постоянной скоростью первый теплоход, а через 1 час после этого следом за ним со скоростью на 1 км/ч большей отправился второй. Расстояние между пристанями равно 182 км. Найдите скорость первого теплохода, если в пункт B оба теплохода прибыли одновременно. Ответ дайте в км/ч.
2. Найдите наименьшее значение функции $y = x^3 + 18x^2 + 17$ на отрезке $[-3; 3]$.

3. Решите неравенство $\frac{2x^2-8x}{x-7} \leq x$.

4. Решите уравнение

$$(2 \sin^2 x - 7 \sin x + 3) \log_{14}(-\cos x) = 0.$$

5. В основании четырёхугольной пирамиды SABCD лежит прямоугольник ABCD со сторонами AB = 4 и BC = 6. Длины боковых рёбер пирамиды SA = 3, SB = 5, SD = $3\sqrt{5}$. Найдите расстояние от вершины A до плоскости SBC.

6. При каких значениях параметра a уравнение

$$25^{x+0.5} - (5a + 2) \cdot 10^x + a \cdot 4^{x+0.5} = 0$$

имеет ровно два различных корня?

Уровень сложности двух групп предлагаемых задач соответствует уровням сложности задач, относящихся к части 1, 2 единого государственного экзамена, и для подготовки к вступительному экзамену по математике можно использовать многочисленные пособия по сдаче ЕГЭ.